

Aufgabe 1 Eine ganzrationale Funktion 3. Grades geht bei -9 durch die y-Achse und berührt die x-Achse an der Stelle $x = -3$. An der Stelle $x = 1$ hat die Funktion die Steigung $m = 16$.

[Kontrolle: $f(x) = x^3 + 5x^2 + 3x - 9$]

Aufgabe 2 Eine ganzrationale Funktion 4. Grades hat im Nullpunkt des Koordinatensystems einen Extremwert. An der Stelle $x = 1$ liegt ein Sattelpunkt vor und an der Stelle $x = -1$ hat die zugehörige Tangente die Steigung $m = -96$.

[Kontrolle: $f(x) = 6x^4 - 16x^3 + 12x^2$]

Aufgabe 3 Eine Parabel 3. Ordnung geht durch den Ursprung und hat in $W(1 | -2)$ eine Wendetangente mit der Steigung 2.

[Kontrolle: $f(x) = -4x^3 + 12x^2 - 10x$]

Aufgabe 4 Eine zum Nullpunkt symmetrische Parabel 5. Ordnung hat im Ursprung die Steigung $m = 2$ und in $P(1 | 0)$ einen Wendepunkt

[Kontrolle: $f(x) = \frac{6}{7}x^5 - \frac{20}{7}x^3 + 2x$]

Aufgabe 5 Eine ganzrationale Funktion 3. Grades ist punktsymmetrisch zum Ursprung. Die Tangente hat hier die Steigung $-\frac{9}{16}$. Die 1. Winkelhalbierende schneidet den Graphen für $x = \frac{5}{4}$

[Kontrolle: $f(x) = x^3 - \frac{9}{16}x$]

Aufgabe 6 Eine Parabel 4. Grades symmetrisch zur y-Achse hat in $W(2 | 4)$ einen Wendepunkt. Die Wendetangente hat die Steigung 4

[Kontrolle: $f(x) = -\frac{1}{16}x^4 + \frac{3}{2}x^2 - 1$]

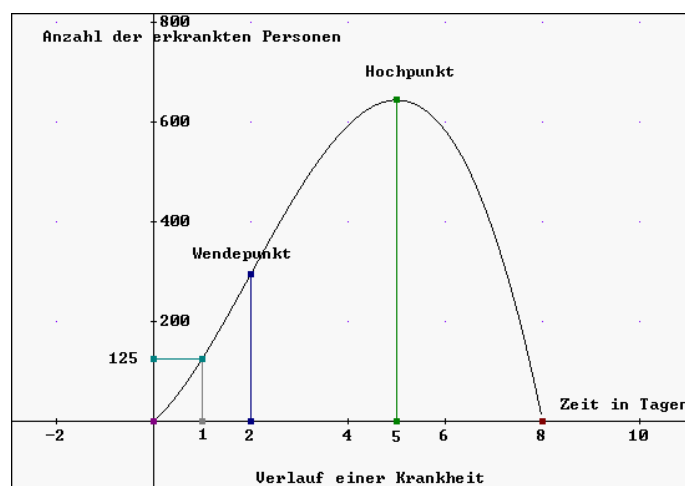
Aufgabe 7 Eine ganzrationale Funktion 3. Grades hat eine Extremstelle bei $x_e = 4$ und eine Wendestelle bei $x_w = 2$. Die Wendetangente hat die Gleichung $y = \frac{3}{2}x + 2$.

[Kontrolle: $f(x) = -\frac{1}{8}x^3 + \frac{3}{4}x^2 + 3$]

Aufgabe 8 In der Zeichnung ist der Verlauf einer Krankheit dargestellt. Man kann den Verlauf durch den Graphen zu einer ganzrationalen Funktion f vierten Grades annähern. (Anmerkung: Der tatsächliche Verlauf einer Krankheit wird durch den Graphen einer sogenannten Exponentialfunktion beschrieben.) Stellen Sie dazu die notwendigen

- Beschreiben Sie den Verlauf des Graphen!
- Bedingungen auf und lösen Sie das zugehörige lineare Gleichungssystem anschließend mit dem GTR!
- Wie viele Personen waren maximal erkrankt?

[Kontrolle: $f(x) = \frac{125}{917}x^4 - \frac{7500}{917}x^3 + \frac{6000}{131}x^2 + \frac{80000}{917}x$]



Der Verlauf einer Krankheit: Lösung zu [Aufgabe 1.3](#)

Aus den fünf Informationen des Graphen zu f und dem Ansatz für f ergibt sich folgendes lineare Gleichungssystem mit 5 Gleichungen und 5 Unbekannten:

$$(1) f(0) = 0 \Leftrightarrow e = 0$$

$$(2) f(8) = 0 \Leftrightarrow 4096a + 512b + 64c + 8d + e = 0$$

$$(3) f(1) = 125 \Leftrightarrow a + b + c + d + e = 125$$

$$(4) f'(5) = 0 \Leftrightarrow 500a + 75b + 10c + d = 0$$

$$(5) f''(2) = 0 \Leftrightarrow 48a + 12b + 2c = 0$$

DERIVE liefert als Lösung dieses Gleichungssystems:

(Dazu benutzt man entweder den Befehl SOLVE([F(0)=0, F(8)=0, ...],[a,b,c,d,e]) oder man löst das oben angegebene Gleichungssystem mit dem Befehl SOLVE > SYSTEM.)

$$F(x) := \frac{125}{917} \cdot x^4 - \frac{7500}{917} \cdot x^3 + \frac{6000}{131} \cdot x^2 + \frac{80000}{917} \cdot x$$

Die maximale Zahl der Erkrankten entspricht dem y -Wert des Hochpunkts.
Zu berechnen ist daher: $f(5)$.

DERIVE liefert: $f(5) = 644.084$, also sind maximal $f(5) \approx 644$ Personen erkrankt.